

Список основных обозначений

В. В. Стрижов

Вычислительный центр РАН

Матрицы обозначены заглавными буквами, векторы — полужирными прописными буквами, множества — каллиграфическими буквами.

\mathbb{R} — множество действительных чисел

\mathbb{N} — множество натуральных чисел

$E(y)$ — математическое ожидание случайной величины

$D(y)$ — дисперсия случайной величины

\mathbf{X} — матрица плана, $\mathbf{X} = [x_j^i] \in \mathbb{R}^{m \times n}$, множество (объектов) элементов выборки
 $\mathbf{X} = [\mathbf{x}_1^\top, \dots, \mathbf{x}_m^\top]^\top$

\mathbf{x}_i — i -й элемент выборки, $\mathbf{x}_i \in \mathbb{R}^n$

\mathbf{x} — многомерная свободная переменная, $\mathbf{x} = [x_1, \dots, x_n]^\top \in \mathbb{R}^n$

$\mathbf{X}_{\mathcal{A}}$ — подмножество признаков, заданное индексным множеством \mathcal{A}

χ_j — реализации j -й свободной переменной, признак, j -й столбец матрицы \mathbf{X} , $\chi_j = [x_{1j}, \dots, x_{mj}]^\top \in \mathbb{R}^m$

y — зависимая переменная, случайная величина

\mathbf{y} — зависимые переменные, многомерная случайная величина $\mathbf{y} = [y_1, \dots, y_m]^\top \in \mathbb{R}^m$

\mathfrak{D} — выборка, множество пар $\{(\mathbf{x}_i, y_i) | i = 1, \dots, m\}$, также $\mathfrak{D} = (\mathbf{X}, \mathbf{y})$

\mathcal{I} — множество индексов (объектов) элементов выборки; разбиение множества $\mathcal{I} = \mathcal{L} \sqcup \mathcal{T}$

\mathcal{B} — множество индексов опорных объектов, $\mathcal{B} \subseteq \mathcal{I}$

\mathcal{J} — множество индексов свободных переменных (признаков)

\mathcal{A} — множество индексов активных признаков, $\mathcal{A} \subseteq \mathcal{J}$

m — число зависимых переменных, размерность пространства зависимых переменных,
 $m = |\mathcal{I}|$

n — число свободных переменных, размерность пространства свободной переменной,
 $n = |\mathcal{J}|$

f — регрессионная модель, $f = f(\mathbf{w}, \mathbf{x})$, по определению $f : (\mathbf{w}, \mathbf{x}) \mapsto \hat{y}$

\mathbf{f} — регрессионная модель (вектор-функция), $\mathbf{f} = [f(\mathbf{w}, \mathbf{x}_1), \dots, f(\mathbf{w}, \mathbf{x}_m)]^\top$

\mathbf{w} — вектор параметров $\mathbf{w} = [w_1, \dots, w_n]^\top$ модели

$\boldsymbol{\varepsilon}$ — многомерная случайная величина $\boldsymbol{\varepsilon} = [\varepsilon_1, \dots, \varepsilon_m]^\top$, вектор регрессионных остатков

σ_ϵ^2 — дисперсия элементов вектора регрессионных остатков, описываемых ковариационной матрицей $\sigma_\epsilon^2 \mathbf{I}$

\mathbf{A} — обратная ковариационная матрица многомерной случайной величины \mathbf{w}

\mathbf{B} — обратная ковариационная матрица многомерной случайной величины \mathbf{y} , вариант — ϵ

\mathbf{J} — матрица Якоби функции f с элементами $J_{ij} = \left[\frac{\partial f(\mathbf{w}, \mathbf{x}_i)}{\partial w_j} \right], i \in \mathcal{I}, j \in \mathcal{J}$

∇S — градиент функции ошибки $S(\mathbf{w})$ в пространстве параметров $\mathcal{W} \ni \mathbf{w}$, $\nabla S(\mathbf{w}) = \left[\frac{\partial S(\mathbf{w})}{\partial w_j} \right], j \in \mathcal{J}$

\mathbf{H} — матрица Гессе функции f с элементами $\mathbf{H} = \left[\frac{\partial^2 S(\mathbf{w})}{\partial w_j \partial w_k} \right], j, k \in \mathcal{J}, \mathbf{H} = \nabla^2 S(\mathbf{w})$

g — порождающая функция, $g = g(\mathbf{w}, \cdot)$

\mathcal{G} — множество порождающих функций, $\mathcal{G} = \{g\}$

\mathcal{F} — множество индуктивно-порожденных регрессионных моделей, $\mathcal{F} = \{f\}$

S — функция ошибки, $S = S(\mathbf{w})$, полный вариант $S = S(\mathbf{w} | \mathcal{D}, f)$ при заданной выборке \mathcal{D} и фиксированной модели f

$[\cdot]$ — элементы матрицы или вектора, например: матрица $\mathbf{X} = [x_{ij}]$, вектор $\mathbf{y} = [y_1, \dots, y_m]^\top$

$\|\cdot\|$ — евклидова норма вектора $\|\cdot\|_2$, если нижним индексом не указано иное

$\langle \cdot, \cdot \rangle$ — скалярное произведение двух векторов

Справочная информация. Взятие градиента или производной по элементам вектора:

$$\frac{\partial \mathbf{x}^\top \mathbf{A} \mathbf{x}}{\partial \mathbf{x}} = \mathbf{x}^\top \mathbf{A} + \mathbf{A} \mathbf{x};$$

поэлементно,

$$\frac{\partial}{\partial x_i} \sum_{j,k=1}^m a_j b_{ki} a_k = \sum_{j=1}^n x_j b_{ji} + \sum_{k=1}^n b_{ik} x_k.$$

02.10.2013